



Formulario de Aprobación Curso de Actualización

Asignatura: Probabilistic Methods in Combinatorics.
(Métodos Probabilísticos en Combinatoria)

Profesor de la asignatura 1: Dr. Carlos Hoppen, Profesor Adjunto de la Universidad Federal do Rio Grande do Sul.

Profesor Responsable Local 1: Dr. Eduardo Canale, grado 3, IMERL.

Instituto ó Unidad: IMERL

Departamento ó Área: Matemática

Fecha de inicio y finalización: 18/7/2011 a 22/7/2011

Horario y Salón: a confirmar

Horas Presenciales: 20

Arancel: 20.000

Público objetivo y Cupos: El público puede ser cualquier egresado de las Facultades de Ingeniería, Economía o Matemática. El cupo máximo es de 25 personas.

Objetivos: The aim of this lecture series is to explore the interplay between Probability Theory and Combinatorics. More precisely, we shall focus on three aspects:

1. the proof of deterministic combinatorial results through probabilistic arguments;
2. the study of probability spaces of combinatorial objects and their relation with "typical" structures;
3. the analysis of randomised algorithms in the discrete setting.

(Traducción: El objetivo del curso es explorar la interrelación entre la Teoría de Probabilidades y la Teoría Combinatoria. Más precisamente, nos concentraremos en los siguientes tres aspectos:

1. demostración de resultados combinatorios determinísticos a través de razonamientos probabilísticos;
2. estudio de espacios probabilísticos de objetos combinatorios y su relación con estructuras "típicas";
3. análisis de algoritmos aleatorizados en el contexto discreto.)

Conocimientos previos exigidos: Teoría básica de Probabilidades

Conocimientos previos recomendados: Teoría de grafos

Metodología de enseñanza: El curso de consistirá en 5 clases teórico-prácticas.

Forma de evaluación: Entrega de ejercicios luego de finalizado el curso.

Temario:

- 1) **Probabilistic Methods and Combinatorics:** Basic probabilistic definitions: random variables, expectation and variance. Basic combinatorial definitions. Applications of probability to classical combinatorial problems.
- 2) **Random graphs:** Graph theoretical probability spaces. Properties of almost all graphs. Phase transitions and threshold functions.
- 3) **The evolution of a random graph:** Erdős-Renyi Phase Transition. Branching Processes. Clustering in random graphs.
- 4) **Random regular graphs:** The probability space of regular graphs: the configuration model. Algorithms in random regular graphs. The Differential Equation Method. Applications.
- 5) **Survey of random network models:** Random models for real-world applications. The preferential attachment scheme. Affiliation networks.

(Traducción:

1) **Métodos Probabilísticos en Combinatoria:** Definiciones probabilísticas básicas: variables aleatorias, esperanza, varianza. Definiciones combinatorias básicas. Aplicaciones de la probabilidad a problemas clásicos de combinatoria.

2) **Grafos aleatorios:** Espacios probabilísticos teóricos para grafos. Propiedades de casi todos los grafos. Fase de transición y funciones de umbral.

3) **La evolución de un grafo aleatorio:** Fase de transición de Erdős-Renyi. Procesos de ramificación. Aglomeración de grafos aleatorios.

4) **Grafos regulares aleatorios:** El espacio de probabilidades de los grafos regulares: el modelo de configuración. Algoritmos sobre grafos regulares. El método de la ecuación diferencial. Aplicaciones.

5) **Recopilación de modelos de redes aleatorias:** Modelos aleatorios para aplicaciones al mundo real. El esquema de adjuntamiento preferencial. Redes de afiliación.)

Bibliografía:

- 1) *Graph Theory*, R. Diestel. Springer. ISBN 978-3-642-14278-9, 2010.
 - 2) *The Probabilistic Method*, N. Alon e J. Spencer. Wiley-Interscience. ISBN 978-0-470-17020-5, 2008.
 - 3) *Random Graphs*, S. Janson, T. Luczak e A. Rucinski. Wiley-Interscience. ISBN 0-471-17541-2, 2000.
 - 4) *Complex Graphs and Networks*, F. Cheng e L. Lu, American Mathematical Society. ISBN 978-0-8218-3657-6, 2006.
-